

ПРИНЯТО

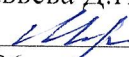
протокол заседания
методической кафедры
учителей инженерного
образования №1

от «26» августа 2026г.

 Мороз Т.Н.

СОГЛАСОВАНО

заместитель директора по УВР
Муравьева Д.Н.


«26» августа 2026г.

**Рабочая программа учебного предмета «Математика»
для среднего общего образования
(углубленный уровень)
Срок освоения программы: 2 года (10-11 классы)**

Составитель:
Полосухина О.О.,
Мороз Т.Н.

СОДЕРЖАНИЕ

Пояснительная записка	3
Планируемые результаты освоения программы по математике на уровне среднего общего образования.....	7
Личностные результаты	7
Метапредметные результаты	8
Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»	10
Содержание обучения	12
10 класс	12
11 класс	14
Предметные результаты	15
Тематическое планирование	19
10 класс	19
11 класс	26
Рабочая программа учебного курса «Геометрия»	34
Содержание обучения	36
10 класс	36
11 класс	37
Предметные результаты	37
Тематическое планирование	40
10 класс	40
11 класс	50
Рабочая программа учебного курса «Вероятность и статистика»	56
Содержание обучения	57
10 класс	57
11 класс	57
Предметные результаты	58
Тематическое планирование	60
10 класс	60
11 класс	63

Аннотация к рабочей программе.

Рабочая программа учебного предмета «Математика» обязательной предметной области «Математика и информатика», являясь составной частью ООП СОО МАОУ «Лицей № 176», составлена в соответствии с пунктом 18.2.2 ФГОС ООО, Положением о рабочей программе МАОУ «Лицей № 176». ООП СОО МАОУ «Лицей № 176» разработана в соответствии с ФГОС СОО и с учетом ФООП СОО (www.fgosreestr.ru) (на основании пунктов 7 и 10 статьи 12 Федерального Закона от 29.12.2012 273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации»).

Рабочая программа является нормативным документом, определяющим содержание изучения учебного предмета, планируемых (личностных, метапредметных и предметных) результатов, основные виды учебной деятельности, которые определены на уровень обучения, и количество часов.

Рабочая программа по математике углубленного уровня изучения предмета составлена группой учителей математики: Мороз Т.Н., Полосухиной О.О. на 2 года уровня среднего общего образования (с 10 по 11 класс), обсуждена и принята на заседании методической кафедры МАОУ «Лицей № 176», согласована с заместителем директора по учебно-воспитательной работе МАОУ «Лицей № 176». Рабочая программа по учебному предмету «Математика» включает пояснительную записку, содержание обучения, планируемые результаты освоения программы по математике, тематическое планирование.

Пояснительная записка отражает общие цели и задачи изучения математики, характеристику психологических предпосылок к её изучению обучающимися, место в структуре учебного плана, а также подходы к отбору содержания, к определению планируемых результатов и к структуре тематического планирования.

Содержание обучения раскрывает содержательные линии, которые предлагаются для обязательного изучения в каждом классе на уровне среднего общего образования.

Планируемые результаты освоения программы по математике включают личностные, метапредметные результаты за весь период обучения на уровне среднего общего образования, а также предметные достижения обучающегося за каждый год обучения.

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Программа по математике углублённого уровня для обучающихся на уровне среднего общего образования разработана на основе ФГОС СОО с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы по математике обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

В программе по математике учтены идеи и положения «Концепции развития математического образования в Российской Федерации». В соответствии с названием концепции математическое образование должно, в частности, решать задачу обеспечения необходимого стране числа обучающихся, математическая подготовка которых достаточна для продолжения образования по различным направлениям, включая преподавание математики, математические исследования, работу в сфере информационных технологий и других, а также обеспечения для каждого обучающегося возможности достижения математической подготовки в соответствии с необходимым ему уровнем. Именно на решение этих задач нацелена программа по математике углублённого уровня.

В эпоху цифровой трансформации всех сфер человеческой деятельности невозможно стать образованным современным человеком без хорошей математической подготовки. Это обусловлено тем, что в наши дни растёт число специальностей, связанных с непосредственным применением математики: и в сфере экономики, и в бизнесе, и в технологических областях, и даже в гуманитарных сферах. Таким образом, круг обучающихся, для которых математика становится значимым предметом, фундаментом образования, существенно расширяется. В него входят не только обучающиеся, планирующие заниматься творческой и исследовательской работой в области математики, информатики, физики, экономики и в других областях, но и те, кому математика нужна для использования в профессиях, не связанных непосредственно с ней.

Прикладная значимость математики обусловлена тем, что её предметом являются фундаментальные структуры нашего мира: пространственные формы и количественные отношения, функциональные зависимости и категории неопределённости, от простейших, усваиваемых в непосредственном опыте, до достаточно сложных, необходимых для развития научных и технологических идей. Без конкретных математических знаний затруднено понимание принципов устройства и использования современной техники, восприятие и интерпретация разнообразной социальной, экономической, политической информации, малоэффективна повседневная практическая деятельность. Во многих сферах профессиональной деятельности требуются умения выполнять расчёты, составлять алгоритмы, применять формулы, проводить геометрические измерения и построения, читать, обрабатывать, интерпретировать и представлять информацию в виде таблиц, диаграмм и графиков, понимать вероятностный характер случайных событий.

Одновременно с расширением сфер применения математики в современном обществе всё более важным становится математический стиль мышления, проявляющийся в определённых умственных навыках. В процессе изучения математики в арсенал приёмов и методов мышления человека естественным образом включаются индукция и дедукция, обобщение и конкретизация, анализ и синтез, классификация и систематизация, абстрагирование и аналогия. Объекты математических умозаключений, правила их конструирования раскрывают механизм логических построений, способствуют выработке умения формулировать, обосновывать и доказывать суждения, тем самым формируют логический стиль мышления. Ведущая роль принадлежит математике в формировании алгоритмической компоненты мышления и воспитании умений действовать по заданным алгоритмам, совершенствовать известные и конструировать новые. В процессе решения задач – основы для организации учебной деятельности на уроках математики – развиваются творческая и прикладная стороны мышления.

Обучение математике даёт возможность развивать у обучающихся точную, рациональную и информативную речь, умение отбирать наиболее подходящие языковые, символические, графические средства для выражения суждений и наглядного их представления.

Необходимым компонентом общей культуры в современном толковании является общее знакомство с методами познания действительности, представление о предмете и методе математики, его отличиях от методов естественных и гуманитарных наук, об особенностях применения математики для решения научных и прикладных задач. Таким образом, математическое образование вносит свой вклад в формирование общей культуры человека.

Изучение математики способствует эстетическому воспитанию человека, пониманию красоты и изящества математических рассуждений, восприятию геометрических форм, усвоению идеи симметрии.

Приоритетными целями обучения математике в 10–11 классах на углублённом уровне продолжают оставаться:

формирование центральных математических понятий (число, величина, геометрическая фигура, переменная, вероятность, функция, производная, интеграл), обеспечивающих преемственность и перспективность математического образования обучающихся;

подведение обучающихся на доступном для них уровне к осознанию взаимосвязи математики и окружающего мира, пониманию математики как части общей культуры человечества;

развитие интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению математики;

формирование функциональной математической грамотности: умения распознавать математические аспекты в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке математики и создавать математические модели, применять освоенный математический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Основными линиями содержания математики в 10–11 классах углублённого уровня являются: «Числа и вычисления», «Алгебра» («Алгебраические выражения», «Уравнения и неравенства»), «Начала математического анализа»,

«Геометрия» («Геометрические фигуры и их свойства», «Измерение геометрических величин»), «Вероятность и статистика». Данные линии развиваются параллельно, каждая в соответствии с собственной логикой, однако не независимо одна от другой, а в тесном контакте и взаимодействии. Кроме этого, их объединяет логическая составляющая, традиционно присущая математике и пронизывающая все математические курсы и содержательные линии. Сформулированное во ФГОС СОО требование «умение оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки, умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции, проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений» относится ко всем учебным курсам, а формирование логических умений распределяется по всем годам обучения на уровне среднего общего образования.

В соответствии с ФГОС СОО математика является обязательным предметом на данном уровне образования. Настоящей программой по математике предусматривается изучение учебного предмета «Математика» в рамках трёх учебных курсов: «Алгебра и начала математического анализа», «Геометрия», «Вероятность и статистика». Формирование логических умений осуществляется на протяжении всех лет обучения на уровне среднего общего образования, а элементы логики включаются в содержание всех названных выше учебных курсов.

Общее количество часов, направленных на изучение математики на углублённом уровне – 544: в 10 классе – 272 часа (8 часов в неделю), в 11 классе – 272 часа (8 часов в неделю).

Рабочая программа учебного предмета «Математика» составлена с учетом рабочей программы воспитания. Воспитательный потенциал учебного занятия реализуется через:

— максимальное использование воспитательных возможностей содержания учебных предметов для формирования у обучающихся российских традиционных духовно-нравственных и социокультурных ценностей, российского исторического сознания на основе исторического просвещения; подбор соответствующего содержания уроков, заданий, вспомогательных

материалов, проблемных ситуаций для обсуждений;

- включение учителями в рабочие программы по учебным предметам, курсам, модулям целевых ориентиров результатов воспитания, их учёт в определении воспитательных задач уроков, занятий;

- включение учителями в рабочие программы учебных предметов, курсов, модулей тематики в соответствии с календарным планом воспитательной работы;

- выбор методов, методик, технологий, оказывающих воспитательное воздействие на личность в соответствии с воспитательным идеалом, целью и задачами воспитания, целевыми ориентирами результатов воспитания;

- реализацию приоритета воспитания в учебной деятельности;

- привлечение внимания обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроках предметов, явлений и событий, инициирование обсуждений, высказываний своего мнения, выработки своего личностного отношения к изучаемым событиям, явлениям, лицам;

- применение интерактивных форм учебной работы – интеллектуальных, стимулирующих познавательную мотивацию, игровых методик, дискуссий, дающих возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога;

- групповой работы, которая учит строить отношения и действовать в команде, способствует развитию критического мышления;

- побуждение обучающихся соблюдать нормы поведения, правила общения со сверстниками и педагогическими работниками, соответствующие укладу общеобразовательной организации, установление и поддержку доброжелательной атмосферы;

- организацию наставничества мотивированных и эрудированных обучающихся над неуспевающими одноклассниками, в том числе с особыми образовательными потребностями, дающего обучающимся социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи;

- инициирование и поддержку исследовательской деятельности обучающихся, планирование и выполнение индивидуальных и групповых проектов воспитательной направленности.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ ПО МАТЕМАТИКЕ НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

В результате изучения математики на уровне среднего общего образования у обучающегося будут сформированы познавательные универсальные учебные действия, коммуникативные универсальные учебные действия, регулятивные универсальные учебные действия, совместная деятельность.

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

Использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить

коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений,

«мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Предметные результаты освоения федеральной рабочей программы по математике представлены по годам обучения в рамках отдельных учебных курсов в соответствующих разделах настоящей программы.

ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать и оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений; умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач
2	Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число,

	множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений; умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул; умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряжённые комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя
3	Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приёмов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
4	Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определённый интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение находить производные элементарных функций; умение использовать производную для исследования функций, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах; находить площади и объёмы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений
5	Умение оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, рациональная функция, степенная функция, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и

	логарифмическая функции; умение строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков функций, использовать графики для изучения процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем
6	Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов; умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат
7	Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии
8	Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; умение оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач; оценивать вероятности реальных событий; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат
9	Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, величина угла, плоский угол, двугранный угол, трёхгранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми,

	угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи
10	Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигуры, многогранник, правильный многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения
11	Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; использовать геометрические отношения при решении задач; находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объём, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы, в том числе: площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объёмов подобных фигур
12	Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов
13	Умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки

ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби
1.3	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.4	Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
1.6	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
1.7	Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.8	Преобразование выражений
1.9	Комплексные числа
2	Уравнения и неравенства
2.1	Целые и дробно-рациональные уравнения
2.2	Иррациональные уравнения
2.3	Тригонометрические уравнения
2.4	Показательные и логарифмические уравнения
2.5	Целые и дробно-рациональные неравенства
2.6	Иррациональные неравенства
2.7	Показательные и логарифмические неравенства
2.8	Тригонометрические неравенства
2.9	Системы и совокупности уравнений и неравенств
2.10	Уравнения, неравенства и системы с параметрами
2.11	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции. Чётные и нечётные функции. Периодические функции
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени
3.4	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.5	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.6	Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке
3.7	Последовательности, способы задания последовательностей
3.8	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов
4	Начала математического анализа
4.1	Производная функции. Производные элементарных функций

4.2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке
4.3	Первообразная. Интеграл
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна
5.2	Логика
6	Вероятность и статистика
6.1	Описательная статистика
6.2	Вероятность
6.3	Комбинаторика
7	Геометрия
7.1	Фигуры на плоскости
7.2	Прямые и плоскости в пространстве
7.3	Многогранники
7.4	Тела и поверхности вращения
7.5	Координаты и векторы

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА»

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления»,

«Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование

навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения

математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса

«Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным

показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства.

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики.

Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической

индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни n -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств. Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на

координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона–Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам федеральной рабочей программы учебного курса

«Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем; свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2×2 и его геометрический смысл, использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений; выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики:

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке; свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений; свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

Начала математического анализа:

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы

зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика:

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами; использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных

процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение- следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам федеральной рабочей программы учебного курса

«Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики:

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций; применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа:

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ 10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Числа и вычисления
1.1	Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты
1.2	Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами
1.3	Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений
1.4	Оперировать понятиями: степень с целым показателем, стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных
1.5	Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции
2	Уравнения и неравенства
2.1	Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство, тригонометрическое уравнение
2.2	Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения
2.3	Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств
2.4	Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни

2.5	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
3	Функции и графики
3.1	Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции
3.2	Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства
3.3	Использовать графики функций для решения уравнений
3.4	Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем
3.5	Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами
4	Начала математического анализа
4.1	Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии
4.2	Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии
4.3	Задавать последовательности различными способами
4.4	Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера
5	Множества и логика
5.1	Оперировать понятиями: множество, операции над множествами
5.2	Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов
5.3	Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Числа и вычисления
1.1	Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач
1.2	Оперировать понятием: степень с рациональным показателем
1.3	Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы
2	Уравнения и неравенства
2.1	Применять свойства степени для преобразования выражений, оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств
2.2	Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств

2.3	Находить решения простейших тригонометрических неравенств
2.4	Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач
2.5	Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств
2.6	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
3	Функции и графики
3.1	Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком
3.2	Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств
3.3	Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений
3.4	Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин
4	Начала математического анализа
4.1	Оперировать понятиями: непрерывная функция, производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач
4.2	Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций
4.3	Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков
4.4	Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах
4.5	Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла
4.6	Находить первообразные элементарных функций, вычислять интеграл по формуле Ньютона – Лейбница
4.7	Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ

10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни
1.2	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические

	операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.3	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных
1.4	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
2	Уравнения и неравенства
2.1	Тождества и тождественные преобразования
2.2	Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы
2.3	Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов
2.4	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств
2.5	Решение иррациональных уравнений и неравенств
2.6	Решение тригонометрических уравнений
2.7	Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени
3.4	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента
4	Начала математического анализа
4.1	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности
4.2	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов
5.2	Определение, теорема, следствие, доказательство

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.3	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
2	Уравнения и неравенства
2.1	Преобразование выражений, содержащих логарифмы

2.2	Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем
2.3	Примеры тригонометрических неравенств
2.4	Показательные уравнения и неравенства
2.5	Логарифмические уравнения и неравенства
2.6	Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений
2.7	Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств
2.8	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
3	Функции и графики
3.1	Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
3.2	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.3	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.4	Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем
3.5	Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни
4	Начала математического анализа
4.1	Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств
4.2	Производная функции. Геометрический и физический смысл производной
4.3	Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций
4.4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке
4.5	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком
4.6	Первообразная. Таблица первообразных
4.7	Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона – Лейбница

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Множество, операции над множествами и их свойства	1	https://m.edsoo.ru/P0X8P2G6S
2	Диаграммы Эйлера-Венна	1	https://m.edsoo.ru/P2W3Q9S5B
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач	1	https://m.edsoo.ru/Y5X8U3O9G
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1	https://m.edsoo.ru/U5O2O1E8M
5	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1	https://m.edsoo.ru/D1X9K8L4B
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1	https://m.edsoo.ru/N2J4Z0L1U
7	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1	https://m.edsoo.ru/U8Y9R5C5V
8	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1	https://m.edsoo.ru/D5U2X2C4O
9	Арифметические операции с действительными числами	1	https://m.edsoo.ru/U7O8K5P3C
10	Модуль действительного числа и его свойства	1	https://m.edsoo.ru/G6T8I1D9U
11	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1	https://m.edsoo.ru/K0Z3N6R9R
12	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	https://m.edsoo.ru/R5S8Q5T8M
13	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	https://m.edsoo.ru/N6R2W7S4L
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	https://m.edsoo.ru/W0E0Q9B4F
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу	1	https://m.edsoo.ru/T4C7J0N5Q
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета	1	https://m.edsoo.ru/H9Y1O9K3S
17	Решение систем линейных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/H1Z4L6X0W
18	Решение систем линейных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/T1B6D5U2N

19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1	https://m.edsoo.ru/J3P6L5Z4V
20	Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1	https://m.edsoo.ru/L2H2I8J8G
21	Применение определителя для решения системы линейных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/E7C4F6O1T
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/N4C4O1N2W
23	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/B4B5W6C5H
24	Контрольная работа: "Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений"	1	https://m.edsoo.ru/H6D1L7H7T
25	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций	1	https://m.edsoo.ru/K6L1J3A2G
26	График функции. Элементарные преобразования графиков функций	1	https://m.edsoo.ru/A5Q8V7E1M
27	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знак постоянства	1	https://m.edsoo.ru/V9K3Z4D4Z
28	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции	1	https://m.edsoo.ru/R8Q2O5Y5T
29	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке	1	https://m.edsoo.ru/M0N7Y8I2G
30	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции	1	https://m.edsoo.ru/V0E1D7H6M
31	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1	https://m.edsoo.ru/E0G6Q5A7H
32	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1	https://m.edsoo.ru/H9A5N8D6U
33	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1	https://m.edsoo.ru/T4G1F6E7T
34	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1	https://m.edsoo.ru/H8I4T5F2L
35	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1	https://m.edsoo.ru/U3K6Y1B3G
36	Контрольная работа: "Степенная функция. Её свойства и график"	1	https://m.edsoo.ru/Y2H3M0Y1T
37	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1	https://m.edsoo.ru/W4I0S2M5F
38	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1	https://m.edsoo.ru/R5B4W2A2W
39	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1	https://m.edsoo.ru/I7F9E7C0F
40	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1	https://m.edsoo.ru/S6Q3Z4A0A
41	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1	https://m.edsoo.ru/A0X3S8Q8W
42	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/A7T8G9X0I
43	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/P6N6Z9V8R

44	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/L9L1G1J7I
45	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/V1G7S2L8E
46	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/G0D3V7H3G
47	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/V1X2U1A6R
48	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/M5P0K4L0H
49	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1	https://m.edsoo.ru/F0F4M1V2J
50	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1	https://m.edsoo.ru/P4H4G7E0U
51	Контрольная работа: "Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения"	1	https://m.edsoo.ru/S4L4W3Y5R
52	Степень с рациональным показателем и её свойства	1	https://m.edsoo.ru/O7U7I6M9E
53	Степень с рациональным показателем и её свойства	1	https://m.edsoo.ru/R0N5V1A8V
54	Степень с рациональным показателем и её свойства	1	https://m.edsoo.ru/D1G9T5X4A
55	Показательная функция, её свойства и график	1	https://m.edsoo.ru/N7K9X3D8T
56	Использование графика функции для решения уравнений	1	https://m.edsoo.ru/E2W2R0M0D
57	Использование графика функции для решения уравнений	1	https://m.edsoo.ru/K7U0A5Q2H
58	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/H1W1O8A0F
59	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/S0D5H5N2I
60	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/A1R9U6L9O
61	Контрольная работа: "Показательная функция. Показательные уравнения"	1	https://m.edsoo.ru/U4U2I6K7C
62	Логарифм числа. Свойства логарифма	1	https://m.edsoo.ru/R3H3P7Z5W
63	Логарифм числа. Свойства логарифма	1	https://m.edsoo.ru/X4R9X0W6K
64	Логарифм числа. Свойства логарифма	1	https://m.edsoo.ru/D7J3Y8P2H
65	Десятичные и натуральные логарифмы	1	https://m.edsoo.ru/N0O6D3C8Z
66	Десятичные и натуральные логарифмы	1	https://m.edsoo.ru/M0Y4O5A9B
67	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	https://m.edsoo.ru/W5C5L0J9J
68	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	https://m.edsoo.ru/T8O6U9V6X
69	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	https://m.edsoo.ru/O4J3K5L7G
70	Логарифмическая функция, её свойства и график	1	https://m.edsoo.ru/V1B5J7P6R
71	Логарифмическая функция, её свойства и график	1	https://m.edsoo.ru/K7C7X5S3I

72	Использование графика функции для решения уравнений	1	https://m.edsoo.ru/Z6A2Z6S0F
73	Использование графика функции для решения уравнений	1	https://m.edsoo.ru/I3N1N6A1P
74	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/C3A5D7A4F
75	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/I4A0Z2Y6O
76	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/H6M2C1L4C
77	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/Z2C9V6C4N
78	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/E8C1K2X7B
79	Контрольная работа: "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"	1	https://m.edsoo.ru/X2F1R6F9R
80	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/H5I6I2F2Z
81	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/W8U1V3Y6L
82	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/P3M6W9Q2O
83	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/X3P6U9I8K
84	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/O1N9F4B7T
85	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/S0B0F1O5L
86	Основные тригонометрические формулы	1	https://m.edsoo.ru/L7A0K3Z7T
87	Основные тригонометрические формулы	1	https://m.edsoo.ru/S0C3A6P9Z
88	Основные тригонометрические формулы	1	https://m.edsoo.ru/T9L9J6L9R
89	Основные тригонометрические формулы	1	https://m.edsoo.ru/K9A8H6J9Z
90	Преобразование тригонометрических выражений	1	https://m.edsoo.ru/X9Q8I7N6B
91	Преобразование тригонометрических выражений	1	https://m.edsoo.ru/X4F8I9Q5T
92	Преобразование тригонометрических выражений	1	https://m.edsoo.ru/A6J1N1I8K
93	Преобразование тригонометрических выражений	1	https://m.edsoo.ru/O2L9S4M4J
94	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/K2Y6M4N9A
95	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/I3U0Q9F7X
96	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/B8G5N7Y9A
97	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/E4M9U4C7M
98	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/K3A9Q7T4Q
99	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/M0A2I5M3O
100	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/P3S5X4D1N

101	Контрольная работа: "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"	1	https://m.edsoo.ru/U9W0W2P3H
102	Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции	1	https://m.edsoo.ru/U1Q9W3H4E
103	Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых	1	https://m.edsoo.ru/I1U4M3U1Q
104	Арифметическая прогрессия	1	https://m.edsoo.ru/H5G9X6E0K
105	Геометрическая прогрессия	1	https://m.edsoo.ru/S7R0L1J8J
106	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1	https://m.edsoo.ru/I8J1U7I0A
107	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1	https://m.edsoo.ru/T3T0V6K5V
108	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов	1	https://m.edsoo.ru/E6E2B9K1Z
109	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов	1	https://m.edsoo.ru/T1M4W6U4N
110	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1	https://m.edsoo.ru/Y6U4F2O9W
111	Контрольная работа: "Последовательности и прогрессии"	1	https://m.edsoo.ru/R1F6U9J9O
112	Непрерывные функции и их свойства	1	https://m.edsoo.ru/O6G0Q1N3C
113	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций	1	https://m.edsoo.ru/P7B3T3K2W
114	Свойства функций непрерывных на отрезке	1	https://m.edsoo.ru/E3A4J3B3T
115	Свойства функций непрерывных на отрезке	1	https://m.edsoo.ru/T8J5G6L8M
116	Метод интервалов для решения неравенств	1	https://m.edsoo.ru/A1Q0Q9J1Y
117	Метод интервалов для решения неравенств	1	https://m.edsoo.ru/I2A1E0W4Z
118	Метод интервалов для решения неравенств	1	https://m.edsoo.ru/S5L2G6A1N
119	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1	https://m.edsoo.ru/V9G7L1E1J
120	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1	https://m.edsoo.ru/S9V4E5N6E
121	Первая и вторая производные функции	1	https://m.edsoo.ru/C3B7M4G9C
122	Определение, геометрический смысл производной	1	https://m.edsoo.ru/I4D1T3B0Y
123	Определение, физический смысл производной	1	https://m.edsoo.ru/J0V3D5K5R
124	Уравнение касательной к графику функции	1	https://m.edsoo.ru/Z5B1F4L7P
125	Уравнение касательной к графику функции	1	https://m.edsoo.ru/U8D8N5P9K
126	Производные элементарных функций	1	https://m.edsoo.ru/G2J4D3N7B
127	Производные элементарных функций	1	https://m.edsoo.ru/I6O5U3U7X
128	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1	https://m.edsoo.ru/L3Q9U9S9X
129	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1	https://m.edsoo.ru/M3D2H9F6L

130	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1	https://m.edsoo.ru/P7G0U6U3P
131	Контрольная работа: "Производная"	1	https://m.edsoo.ru/T0W6X2C7S
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1	https://m.edsoo.ru/G8X3F0S9N
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	https://m.edsoo.ru/X3D4V0X7C
134	Итоговая контрольная работа	1	https://m.edsoo.ru/X6Y5I9Z2W
135	Итоговая контрольная работа	1	https://m.edsoo.ru/J0D7J5X0F
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1	https://m.edsoo.ru/Z3N5H5S9Y
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	https://m.edsoo.ru/D4G4E0Q0N
2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	https://m.edsoo.ru/S1A9Z1Q8E
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	https://m.edsoo.ru/W9V4O6S6Z
4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	https://m.edsoo.ru/E4K3Q0H3D
5	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	https://m.edsoo.ru/P4P9P7H6A
6	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	https://m.edsoo.ru/H7P5C9U1S
7	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	https://m.edsoo.ru/U1K2I2W4Z
8	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	https://m.edsoo.ru/E6H8S5K4I
9	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	https://m.edsoo.ru/R5Z7X0W9S
10	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	https://m.edsoo.ru/Z0W5E0S3U
11	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	https://m.edsoo.ru/A2Y2Q5Y7W
12	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	https://m.edsoo.ru/N0M1F5G7K
13	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1	https://m.edsoo.ru/U9D9V9N0Q
14	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1	https://m.edsoo.ru/S1L9V4A6S
15	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1	https://m.edsoo.ru/G5M1V7B5P
16	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1	https://m.edsoo.ru/U3I4B6I8N
17	Композиция функций	1	https://m.edsoo.ru/K4Z0D8I0W
18	Композиция функций	1	https://m.edsoo.ru/H5V7H3Y1U
19	Композиция функций	1	https://m.edsoo.ru/P0A1N9E2Z
20	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1	https://m.edsoo.ru/K0N5Z5L8M
21	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1	https://m.edsoo.ru/Q7U3M8B5I

22	Контрольная работа: "Исследование функций с помощью производной"	1	https://m.edsoo.ru/Z1V5I5Y0G
23	Первообразная, основное свойство первообразных	1	https://m.edsoo.ru/G6P1P7Z4C
24	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1	https://m.edsoo.ru/G4P5E1L2S
25	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1	https://m.edsoo.ru/Q8M9D6D8M
26	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1	https://m.edsoo.ru/J7Z3W3T1H
27	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1	https://m.edsoo.ru/Q9M9P2I8W
28	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1	https://m.edsoo.ru/T1U9E4X8N
29	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1	https://m.edsoo.ru/T9W1Z4M6J
30	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1	https://m.edsoo.ru/R8J8E1F8P
31	Примеры решений дифференциальных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/U0D9U6J1E
32	Примеры решений дифференциальных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/A7E8L5H6G
33	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/L8T9L8C7U
34	Контрольная работа: "Первообразная и интеграл"	1	https://m.edsoo.ru/V1N6Z7D9F
35	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	https://m.edsoo.ru/M5T6Q1R6W
36	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	https://m.edsoo.ru/R0O2V9H7T
37	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	https://m.edsoo.ru/Q3Y7V4C5L
38	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	https://m.edsoo.ru/R6O4Z3D1Z
39	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	https://m.edsoo.ru/Y3Q9I1F8K
40	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1	https://m.edsoo.ru/B0G4G3V3K
41	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1	https://m.edsoo.ru/C0D3S5N0R
42	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1	https://m.edsoo.ru/U2O3R2E1A
43	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1	https://m.edsoo.ru/C4P3C7B7H
44	Решение тригонометрических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/R2B0X4R6W
45	Решение тригонометрических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/B0I9O0L5A
46	Решение тригонометрических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/I2R3M9N1N

47	Решение тригонометрических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/E7R6N4R1M
48	Контрольная работа: "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"	1	https://m.edsoo.ru/Y8L6M9T2I
49	Основные методы решения показательных неравенств	1	https://m.edsoo.ru/Q4S7I5X7N
50	Основные методы решения показательных неравенств	1	https://m.edsoo.ru/F0K0Q9W2B
51	Основные методы решения показательных неравенств	1	https://m.edsoo.ru/Z1C9E8D7S
52	Основные методы решения показательных неравенств	1	https://m.edsoo.ru/S7P6D1H0V
53	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/V3Y3F1Q2F
54	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/T3Z6W4U9X
55	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/R4M0G4Y6B
56	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/N8G9W8B1E
57	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	https://m.edsoo.ru/W1J6H3Z4V
58	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	https://m.edsoo.ru/L2A5K7S9C
59	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	https://m.edsoo.ru/Z1T0D3S3X
60	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	https://m.edsoo.ru/F9R8G7Y9N
61	Графические методы решения иррациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/S4D9J0Y0H
62	Графические методы решения иррациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/H8B8M0D1R
63	Графические методы решения показательных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/F4G3F2H9W
64	Графические методы решения показательных неравенств	1	https://m.edsoo.ru/A0R9W8Q5Z
65	Графические методы решения логарифмических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/U7X4F7Q4A
66	Графические методы решения логарифмических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/P7M9G8T9B
67	Графические методы решения логарифмических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/B2C2T3K2J
68	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/R0T6O9B6F
69	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/E8F3N4G6Q
70	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/W8C2J6C5H
71	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1	https://m.edsoo.ru/B9J1O3M7K
72	Контрольная работа: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1	https://m.edsoo.ru/H3H8K1L3O
73	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1	https://m.edsoo.ru/U3K1W8R1H
74	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи	1	https://m.edsoo.ru/Z0N3D2E6R

	комплексного числа		
75	Арифметические операции с комплексными числами	1	https://m.edsoo.ru/U0R3T7P3N
76	Арифметические операции с комплексными числами	1	https://m.edsoo.ru/J6Y6V9T4Q
77	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1	https://m.edsoo.ru/G3A1H9N2P
78	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1	https://m.edsoo.ru/L6J5W0A8M
79	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1	https://m.edsoo.ru/B7A7H2C1G
80	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1	https://m.edsoo.ru/S3N4M7H8S
81	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	1	https://m.edsoo.ru/B2G9C7F9A
82	Контрольная работа: "Комплексные числа"	1	https://m.edsoo.ru/N9R7V6L0F
83	Натуральные и целые числа	1	https://m.edsoo.ru/V7T4W2X5X
84	Натуральные и целые числа	1	https://m.edsoo.ru/K0C7K3B9Y
85	Применение признаков делимости целых чисел	1	https://m.edsoo.ru/B4A1T9D4Q
86	Применение признаков делимости целых чисел	1	https://m.edsoo.ru/E5I8F1I3G
87	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1	https://m.edsoo.ru/T3J8U4U5T
88	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1	https://m.edsoo.ru/U2K4F2P2K
89	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1	https://m.edsoo.ru/C3U0V4B2M
90	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1	https://m.edsoo.ru/C3I3J6Y1I
91	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах	1	https://m.edsoo.ru/K0F0L1D7Y
92	Контрольная работа: "Теория целых чисел"	1	https://m.edsoo.ru/P8T9H7C5H
93	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1	https://m.edsoo.ru/H6P6H9M4I
94	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1	https://m.edsoo.ru/Z7S3I7Y1U
95	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/M8J5B4S8H
96	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/C3H2I6D5T
97	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/I0Y6W4K3C
98	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1	https://m.edsoo.ru/S8W7K8Z8N
99	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/O6C6S7T8K
100	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/R3C9Z8U9E
101	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1	https://m.edsoo.ru/D0J4M5J5Z

102	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1	https://m.edsoo.ru/D5S5L8Z6D
103	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1	https://m.edsoo.ru/Q8B0E8N1L
104	Контрольная работа: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	1	https://m.edsoo.ru/Z1V1S0C2Q
105	Рациональные уравнения с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/C5T4V7Z1I
106	Рациональные неравенства с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/P2N1T3U5V
107	Рациональные системы с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/S3H8J5K4D
108	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/K3J5H6X0V
109	Иррациональные системы с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/T1W6L4X6H
110	Показательные уравнения, неравенства с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/J3T1U2T3O
111	Показательные системы с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/K5S9F0M8O
112	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/L0Y4V6T5B
113	Логарифмические системы с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/Z7F2J8C9M
114	Тригонометрические уравнения с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/N0I0D1P2U
115	Тригонометрические неравенства с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/A7K7E0B6J
116	Тригонометрические системы с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/J4K4X7O3C
117	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/O4M3H3Q6D
118	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/D6G2V3W5H
119	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1	https://m.edsoo.ru/B8C6W7G9T
120	Контрольная работа: "Задачи с параметрами"	1	https://m.edsoo.ru/A4D3F8S9T
121	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1	https://m.edsoo.ru/V1A1A2M5F
122	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1	https://m.edsoo.ru/C3L9S7X8K
123	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"	1	https://m.edsoo.ru/O4R8T8V1Z
124	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1	https://m.edsoo.ru/L1E5P1A6T
125	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1	https://m.edsoo.ru/D3N7G5F3Q

126	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1	https://m.edsoo.ru/C6X2P0X9N
127	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1	https://m.edsoo.ru/I4W0G7K4T
128	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1	https://m.edsoo.ru/J8X0V1T5P
129	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1	https://m.edsoo.ru/W7M6B6K1G
130	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"	1	https://m.edsoo.ru/B4H6U7V4R
131	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	https://m.edsoo.ru/L7Z9N4A7I
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	https://m.edsoo.ru/Z8K1P1H6O
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	https://m.edsoo.ru/D5X7D4S6U
134	Итоговая контрольная работа	1	https://m.edsoo.ru/H4K1B5U2S
135	Итоговая контрольная работа	1	https://m.edsoo.ru/L2R9Y1Q0C
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1	https://m.edsoo.ru/R6A8L3A6R
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	

ФЕДЕРАЛЬНАЯ РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ»

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественно- научной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности физических задач.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне – развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии, как составляющей предметной области «Математика и информатика» через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

- расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;

- формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира, знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» учебного курса геометрии;

- формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами, знание теорем, формул и умение

- их применять, умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

- формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения, конструировать геометрические модели;

- формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий, формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;

- формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием,

- формирование представления о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

- развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;

- формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей,

интерпретации полученных результатов.

Основными содержательными линиями учебного курса «Геометрия» в 10–11 классах являются: «Прямые и плоскости в пространстве»,

«Многогранники», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве»,

«Движения в пространстве».

Сформулированное в ФГОС СОО требование «уметь оперировать понятиями», релевантных геометрии на углублённом уровне обучения в 10–11 классах, относится ко всем содержательным линиям учебного курса, а формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Федеральной рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно. Это позволяет организовать овладение геометрическими понятиями и навыками последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включать в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Переход к изучению геометрии на углублённом уровне позволяет:

создать условия для дифференциации обучения, построения индивидуальных образовательных программ, обеспечить углублённое изучение геометрии как составляющей учебного предмета «Математика»;

подготовить обучающихся к продолжению изучения математики с учётом выбора будущей профессии, обеспечивая преемственность между общим и профессиональным образованием.

На изучение учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне отводится

204 часа: в 10 классе – 102 часа (3 часа в неделю), в 11 классе – 102 часа (3 часа в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства

параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

Многогранники

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида: n -угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия многогранников. В пространстве. Элементы симметрии Симметрия в

правильном многограннике: правильных симметрия параллелепипеда, пирамиды. симметрия правильных призм, симметрия правильной

Векторы и координаты в пространстве

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов, сумма нескольких векторов, умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.

11 КЛАСС

Тела вращения

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

Векторы и координаты в пространстве

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

Движения в пространстве

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие

свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу **10 класса** обучающийся научится:

свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений;

применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач;

классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве, плоскостей в пространстве, прямых и плоскостей в пространстве;

свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве, между прямой и плоскостью;

свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками;

свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);

классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации; свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников

плоскостью;

выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость, выполнять изображения фигур на плоскости;

строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;

вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул;

свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры;

свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве;

выполнять действия над векторами;

решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности;

применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;

извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;

применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением

геометрических величин;

иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;

оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;

распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;

классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;

вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;

свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;

вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;

изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;

извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;

свободно оперировать понятием вектор в пространстве; выполнять операции над векторами;

задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;

решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;

свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;

выполнять изображения многогранником и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;

строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара;

использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;

доказывать геометрические утверждения;

применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и

неявной форме;

решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;

применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;

применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;

иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ 10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
7	Геометрия
7.1	Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость
7.2	Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач
7.3	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей
7.4	Классифицировать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве
7.5	Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла, линейный угол двугранного угла, градусная мера двугранного угла
7.6	Оперировать понятиями: многогранник, выпуклый и невыпуклый многогранник, элементы многогранника, правильный многогранник
7.7	Распознавать основные виды многогранников (пирамида, призма, прямоугольный параллелепипед, куб)
7.8	Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации (выпуклые и невыпуклые многогранники, правильные многогранники, прямые и наклонные призмы, параллелепипеды)
7.9	Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников
7.10	Объяснять принципы построения сечений многогранников, используя метод следов
7.11	Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу
7.12	Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам

	или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление расстояний между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми
7.13	Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление углов между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, между плоскостями, двугранных углов
7.14	Вычислять объёмы и площади поверхностей многогранников (призма, пирамида) с применением формул, вычислять соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных многогранников
7.15	Оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры
7.16	Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках
7.17	Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме
7.18	Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач
7.19	Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве
7.20	Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
6	Геометрия
6.1	Оперировать понятиями: цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, цилиндр, коническая поверхность, образующие конической поверхности, конус, сферическая поверхность
6.2	Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар)
6.3	Объяснять способы получения тел вращения
6.4	Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости
6.5	Оперировать понятиями: шаровой сегмент, основание сегмента, высота сегмента, шаровой слой, основание шарового слоя, высота шарового слоя, шаровой сектор
6.6	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения,

	геометрических тел с применением формул
6.7	Оперировать понятиями: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения
6.8	Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел
6.9	Изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертёжных инструментов
6.10	Выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; строить сечения тел вращения
6.11	Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках
6.12	Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме
6.13	Оперировать понятием: вектор в пространстве
6.14	Выполнять действия сложения векторов, вычитания векторов и умножения вектора на число, объяснять, какими свойствами они обладают
6.15	Применять правило параллелепипеда при сложении векторов
6.16	Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные векторы
6.17	Находить сумму векторов и произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам
6.18	Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат
6.19	Решать простейшие геометрические задачи на применение векторно-координатного метода
6.20	Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные методы при решении стандартных математических задач
6.21	Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач
6.22	Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве
6.23	Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ 10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
7	Геометрия
7.1	Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них
7.2	Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Углы сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед, построение сечений
7.3	Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах
7.4	Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники, развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма, грани и основания призмы, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Пирамида: n -угольная пирамида, грани и основание пирамиды, боковая и полная поверхность пирамиды, правильная и усечённая пирамида. Элементы призмы и пирамиды. Правильные многогранники: понятие правильного многогранника, правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр. Сечения призмы и пирамиды
7.5	Симметрия в пространстве: симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Элементы симметрии в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках
7.6	Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды. Понятие об объёме. Объём пирамиды, призмы
7.7	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
6	Геометрия
6.1	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндрической поверхности. Цилиндр: основания и боковая поверхность, образующая и ось, площадь боковой и полной поверхности
6.2	Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конической поверхности. Конус: основание и вершина, образующая и ось, площадь боковой и полной поверхности. Усечённый конус: образующие и высота, основания и

	боковая поверхность
6.3	Сфера и шар: центр, радиус, диаметр, площадь поверхности сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере, площадь сферы
6.4	Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса
6.5	Комбинации тел вращения и многогранников. Многогранник, описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник, или тело вращения
6.6	Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём цилиндра, конуса. Объём шара и площадь сферы
6.7	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел
6.8	Сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара
6.9	Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по трём некомпланарным векторам. Правило параллелепипеда. Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами
6.10	Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между прямыми и плоскостями. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1	https://m.edsoo.ru/C8R5V2L5W
2	Понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1	https://m.edsoo.ru/D1J1V7K8M
3	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1	https://m.edsoo.ru/E7A4A8V7D
4	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1	https://m.edsoo.ru/M4P3F1K3O
5	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1	https://m.edsoo.ru/R0Z8Y9Y1A
6	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1	https://m.edsoo.ru/D8Y2W8X4F
7	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1	https://m.edsoo.ru/M4J5A3Y1F
8	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1	https://m.edsoo.ru/T8T1D4X3X
9	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей	1	https://m.edsoo.ru/L6U8B5P1W
10	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1	https://m.edsoo.ru/N9H8R9U4A
11	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1	https://m.edsoo.ru/C8Y6C0R9F
12	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра.	1	https://m.edsoo.ru/V8S2D3A6E

	Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами		
13	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1	https://m.edsoo.ru/V3A7D0P9S
14	Метод следов для построения сечений	1	https://m.edsoo.ru/U6F3M4W3T
15	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1	https://m.edsoo.ru/B1D7X2R5I
16	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1	https://m.edsoo.ru/K6S2Y2T4X
17	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1	https://m.edsoo.ru/C4W6Z8A9L
18	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1	https://m.edsoo.ru/M1G3J6Q0T
19	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1	https://m.edsoo.ru/R3U3M0N5I
20	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1	https://m.edsoo.ru/C3U8N6S7U
21	Повторение планиметрии: Теорема о пропорциональных отрезках. Подобие треугольников	1	https://m.edsoo.ru/S5U5B1J8X
22	Повторение планиметрии: Теорема Менелая. Расчеты в сечениях на выносных чертежах. История развития планиметрии и стереометрии	1	https://m.edsoo.ru/X2O8V7M0M
23	Контрольная работа "Аксиомы стереометрии. Сечения"	1	https://m.edsoo.ru/U6A0T2Z1X
24	Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве	1	https://m.edsoo.ru/I6W5Z5L3V
25	Теорема о существовании и единственности прямой параллельной данной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой. Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью	1	https://m.edsoo.ru/R1T2G0Z4E
26	Параллельность трех прямых. Теорема о трёх параллельных прямых. Теорема о скрещивающихся прямых	1	https://m.edsoo.ru/B5B7N7L1X
27	Параллельное проектирование. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции	1	https://m.edsoo.ru/J9X4Z9V3V
28	Центральная проекция. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми	1	https://m.edsoo.ru/T3L2A9K4T
29	Задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве	1	https://m.edsoo.ru/O0U1V2R4I

30	Понятия: параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости	1	https://m.edsoo.ru/V5F0I6L9F
31	Геометрические задачи на вычисление и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве	1	https://m.edsoo.ru/D8P3J2F0B
32	Построение сечения, проходящего через данную прямую на чертеже и параллельного другой прямой. Расчёт отношений	1	https://m.edsoo.ru/S0V4S5G1W
33	Параллельная проекция, применение для построения сечений куба и параллелепипеда. Свойства параллелепипеда и призмы	1	https://m.edsoo.ru/F5O4V6P3D
34	Параллельные плоскости. Признаки параллельности двух плоскостей	1	https://m.edsoo.ru/V9E3I4F1N
35	Теорема о параллельности и единственности плоскости, проходящей через точку, не принадлежащую данной плоскости и следствия из неё	1	https://m.edsoo.ru/Y0H2G1I9Y
36	Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных плоскостей третьей	1	https://m.edsoo.ru/S8H4P6L8B
37	Свойства параллельных плоскостей: об отрезках параллельных прямых, заключённых между параллельными плоскостями; о пересечении прямой с двумя параллельными плоскостями	1	https://m.edsoo.ru/J0E9T2Z4N
38	Повторение: теорема Пифагора на плоскости	1	https://m.edsoo.ru/N3R3Q1A8C
39	Повторение: тригонометрия прямоугольного треугольника	1	https://m.edsoo.ru/P1D6B5W9A
40	Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда	1	https://m.edsoo.ru/J9Z1G2K3Y
41	Вычисление длин отрезков в кубе и прямоугольном параллелепипеде	1	https://m.edsoo.ru/L1C7I4Q7S
42	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1	https://m.edsoo.ru/U1H7O7Z3M
43	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1	https://m.edsoo.ru/L2C3B9M1F
44	Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости	1	https://m.edsoo.ru/R9Q6P2P7D
45	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1	https://m.edsoo.ru/K5Z9K8W1F
46	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1	https://m.edsoo.ru/J7S7G7R9R
47	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1	https://m.edsoo.ru/U0F8O1T5Y
48	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1	https://m.edsoo.ru/H9H5P6A5Z
49	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1	https://m.edsoo.ru/L6J8G6Y0L
50	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1	https://m.edsoo.ru/O1D7I0S6G

51	Угол между скрещивающимися прямыми	1	https://m.edsoo.ru/N3E9I9G2L
52	Поиск перпендикулярных прямых с помощью перпендикулярных плоскостей	1	https://m.edsoo.ru/G2D4N3N9F
53	Ортогональное проектирование	1	https://m.edsoo.ru/H8F5D4U6O
54	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1	https://m.edsoo.ru/M6S0W4E2T
55	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1	https://m.edsoo.ru/G6E2G4F9X
56	Симметрия в пространстве относительно плоскости. Плоскости симметрий в многогранниках	1	https://m.edsoo.ru/I4O1E8T3A
57	Признак перпендикулярности прямой и плоскости как следствие симметрии	1	https://m.edsoo.ru/G4B0S5L2H
58	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1	https://m.edsoo.ru/Y8U9N0O3I
59	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1	https://m.edsoo.ru/U9L8Z5O6G
60	Способы опустить перпендикуляры: симметрия, сдвиг точки по параллельной прямой	1	https://m.edsoo.ru/Q6O3J0U3H
61	Сдвиг по непараллельной прямой, изменение расстояний	1	https://m.edsoo.ru/M1L7E7D6A
62	Контрольная работа "Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве"	1	https://m.edsoo.ru/T8K8J1Y2H
63	Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов	1	https://m.edsoo.ru/X7B1B0A5A
64	Повторение: угол между скрещивающимися прямыми в пространстве	1	https://m.edsoo.ru/I0V9N9N5R
65	Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках	1	https://m.edsoo.ru/H0I1Y8C6L
66	Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла	1	https://m.edsoo.ru/X7A6Z8N3O
67	Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей	1	https://m.edsoo.ru/J4F9U6L9E
68	Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости	1	https://m.edsoo.ru/D0O5T8P0H
69	Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда	1	https://m.edsoo.ru/J2B8Q2D1O
70	Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё	1	https://m.edsoo.ru/P5H4F1Q1Z
71	Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости	1	https://m.edsoo.ru/Q3R0P4X4C
72	Повторение: скрещивающиеся прямые, параллельные плоскости в стандартных многогранниках	1	https://m.edsoo.ru/B6I3O3U7D
73	Пара параллельных плоскостей на скрещивающихся прямых, расстояние между скрещивающимися прямыми в простых ситуациях	1	https://m.edsoo.ru/X3X5J3X5T

74	Расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1	https://m.edsoo.ru/B7P9A6W8Z
75	Вычисление расстояний между скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости	1	https://m.edsoo.ru/Q7G3E3O4D
76	Трёхгранный угол, неравенства для трехгранных углов. Теорема Пифагора, теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла	1	https://m.edsoo.ru/G9N2H5L1K
77	Элементы сферической геометрии: геодезические линии на Земле	1	https://m.edsoo.ru/G6S6I9N7S
78	Контрольная работа "Углы и расстояния"	1	https://m.edsoo.ru/E3R7Z8K3P
79	Систематизация знаний "Многогранник и его элементы"	1	https://m.edsoo.ru/Y7Y0C4M1P
80	Пирамида. Виды пирамид. Правильная пирамида	1	https://m.edsoo.ru/U0Q0K3X9V
81	Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма	1	https://m.edsoo.ru/T6Q3V7N9T
82	Прямой параллелепипед, прямоугольный параллелепипед, куб	1	https://m.edsoo.ru/Y8K3N7U5A
83	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера	1	https://m.edsoo.ru/C6H5O9W0O
84	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Правильные и полуправильные многогранники	1	https://m.edsoo.ru/S5T4Y9L2C
85	Контрольная работа "Многогранники"	1	https://m.edsoo.ru/C7F1R4J0L
86	Понятие вектора на плоскости и в пространстве	1	https://m.edsoo.ru/L5L3A2W4G
87	Сумма векторов	1	https://m.edsoo.ru/Y6O7R8X5O
88	Разность векторов	1	https://m.edsoo.ru/B6X5W5W9I
89	Правило параллелепипеда	1	https://m.edsoo.ru/Y7R2O4O6E
90	Умножение вектора на число	1	https://m.edsoo.ru/C9T8O8D8X
91	Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости	1	https://m.edsoo.ru/I9T9O3V5N
92	Скалярное произведение	1	https://m.edsoo.ru/C0U6A7E0S
93	Вычисление угла между векторами в пространстве	1	https://m.edsoo.ru/G3U3F9G8M
94	Простейшие задачи с векторами	1	https://m.edsoo.ru/T9S5E2Q4M
95	Простейшие задачи с векторами	1	https://m.edsoo.ru/S2Z1V7G5C
96	Простейшие задачи с векторами	1	https://m.edsoo.ru/V8C1B1N5I
97	Простейшие задачи с векторами	1	https://m.edsoo.ru/D3R5Q6A1D
98	Обобщение и систематизация знаний	1	https://m.edsoo.ru/N3L3C7L9Z
99	Обобщение и систематизация знаний	1	https://m.edsoo.ru/W0Z4C7Y3K
100	Итоговая контрольная работа	1	https://m.edsoo.ru/R5C5M2X4V
101	Итоговая контрольная работа	1	https://m.edsoo.ru/D8F2M0V7L

102	Обобщение и систематизация знаний	1	https://m.edsoo.ru/K9N7X0B8K
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	

11 класс

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Повторение темы "Координаты вектора на плоскости и в пространстве"	1	https://m.edsoo.ru/M4I2M8V3N
2	Повторение темы "Скалярное произведение векторов"	1	https://m.edsoo.ru/D0A0D4L8X
3	Повторение темы "Вычисление угла между векторами в пространстве"	1	https://m.edsoo.ru/Y9O8F5W0B
4	Повторение темы "Уравнение прямой, проходящей через две точки"	1	https://m.edsoo.ru/W5P7F1X0Q
5	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1	https://m.edsoo.ru/N0Z9M5B1P
6	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1	https://m.edsoo.ru/J6Q3H7U4W
7	Векторное произведение	1	https://m.edsoo.ru/E3T5Q9X1O
8	Линейные неравенства, линейное программирование	1	https://m.edsoo.ru/M5B4P8R1M
9	Линейные неравенства, линейное программирование	1	https://m.edsoo.ru/J2R6V8J5T
10	Аналитические методы расчёта угла между прямыми в многогранниках	1	https://m.edsoo.ru/U1E2F6L4N
11	Аналитические методы расчёта угла между плоскостями в многогранниках	1	https://m.edsoo.ru/I1P9I2K6Y
12	Формула расстояния от точки до плоскости в координатах	1	https://m.edsoo.ru/L4N3C7H3S
13	Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе	1	https://m.edsoo.ru/K4F7Y9H8E
14	Нахождение расстояний от точки до плоскости в правильной пирамиде	1	https://m.edsoo.ru/P1M3Z8S9B
15	Контрольная работа "Аналитическая геометрия"	1	https://m.edsoo.ru/O6Y9N8J6F
16	Сечения многогранников: стандартные многогранники	1	https://m.edsoo.ru/Y5O7H6D2I
17	Сечения многогранников: метод следов	1	https://m.edsoo.ru/V0D1G9X1Z
18	Сечения многогранников: стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей	1	https://m.edsoo.ru/R2L7I3I0C
19	Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения	1	https://m.edsoo.ru/U8A8B2N7D
20	Параллельные прямые и плоскости: расчёт отношений	1	https://m.edsoo.ru/G2F7Q7M3I
21	Параллельные прямые и плоскости: углы между скрещивающимися прямыми	1	https://m.edsoo.ru/H5N8Q7D4F
22	Перпендикулярные прямые и плоскости: стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых, симметрии многогранников	1	https://m.edsoo.ru/M6E0E9A1J

23	Перпендикулярные прямые и плоскости: теорема о трех перпендикулярах	1	https://m.edsoo.ru/Z0B5T4K4Y
24	Перпендикулярные прямые и плоскости: вычисления длин в многогранниках	1	https://m.edsoo.ru/S6I6Z2N2V
25	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1	https://m.edsoo.ru/M8Y7R6C9P
26	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1	https://m.edsoo.ru/P3O3B9P5Y
27	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1	https://m.edsoo.ru/J3S0D8G8L
28	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1	https://m.edsoo.ru/T9A2X9T7Q
29	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1	https://m.edsoo.ru/N3G5E2Q3L
30	Контрольная работа "Повторение: многогранники, сечения многогранников"	1	https://m.edsoo.ru/H9J2P1A4J
31	Объём тела. Объем прямоугольного параллелепипеда	1	https://m.edsoo.ru/J5I7C2D2E
32	Задачи об удвоении куба, о квадратуре куба; о трисекции угла	1	https://m.edsoo.ru/O0J1R6V3X
33	Стереометрические задачи, связанные с объёмом прямоугольного параллелепипеда	1	https://m.edsoo.ru/T1F1D1I6C
34	Прикладные задачи, связанные с вычислением объёма прямоугольного параллелепипеда	1	https://m.edsoo.ru/P6U5Y9M1E
35	Объём прямой призмы	1	https://m.edsoo.ru/L3X9Q5V8M
36	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов прямой призмы	1	https://m.edsoo.ru/M6V0H8Y7R
37	Прикладные задачи, связанные с объёмом прямой призмы	1	https://m.edsoo.ru/M2E5Q4I6V
38	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём наклонной призмы	1	https://m.edsoo.ru/V6D1P3R5V
39	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём пирамиды	1	https://m.edsoo.ru/L8T5D0M8R
40	Формула объёма пирамиды. Отношение объемов пирамид с общим углом	1	https://m.edsoo.ru/S4P1G4P6H
41	Формула объёма пирамиды. Отношение объемов пирамид с общим углом	1	https://m.edsoo.ru/I5U3A1X0B
42	Стереометрические задачи, связанные с объёмами наклонной призмы	1	https://m.edsoo.ru/S2M5U3G0K
43	Стереометрические задачи, связанные с объёмами пирамиды	1	https://m.edsoo.ru/L6U2Q6S8K
44	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы	1	https://m.edsoo.ru/G2P3V6P4C
45	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом пирамиды	1	https://m.edsoo.ru/O3H9B7X4V

46	Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости	1	https://m.edsoo.ru/F0A1T6F3Z
47	Контрольная работа "Объём многогранника"	1	https://m.edsoo.ru/F3G2U1F6N
48	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности	1	https://m.edsoo.ru/B2R8N4E5X
49	Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра	1	https://m.edsoo.ru/I7V3W0V1B
50	Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус	1	https://m.edsoo.ru/Z7O5V5F0T
51	Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания	1	https://m.edsoo.ru/A1P1E8Z1V
52	Усечённый конус. Изображение конусов и усечённых конусов	1	https://m.edsoo.ru/D4I1B1K1X
53	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1	https://m.edsoo.ru/A2N3J7D2Z
54	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1	https://m.edsoo.ru/A0V0I5L1K
55	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1	https://m.edsoo.ru/O9U9S1J0E
56	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1	https://m.edsoo.ru/J5U0H2A2M
57	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1	https://m.edsoo.ru/Z9O0X4X9Z
58	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1	https://m.edsoo.ru/U4W2D1N4Y
59	Сфера и шар	1	https://m.edsoo.ru/D2M8Q1Q9M
60	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1	https://m.edsoo.ru/Q0V2D9T2C
61	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1	https://m.edsoo.ru/T1S7U4C8E
62	Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей	1	https://m.edsoo.ru/O4A7V3I3L
63	Симметрия сферы и шара	1	https://m.edsoo.ru/M1U5L5B8Z
64	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1	https://m.edsoo.ru/A7L8S8U6E
65	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1	https://m.edsoo.ru/F8W7Q8M8S
66	Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром	1	https://m.edsoo.ru/P0T2G5X0D
67	Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подоби	1	https://m.edsoo.ru/F9C9G7A1V
68	Различные комбинации тел вращения и многогранников	1	https://m.edsoo.ru/M9X1Y9C1M

69	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1	https://m.edsoo.ru/N4B0F4R3E
70	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1	https://m.edsoo.ru/A6W6V5B7D
71	Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"	1	https://m.edsoo.ru/Y9Q1P8D6A
72	Объём цилиндра. Теорема об объёме прямого цилиндра	1	https://m.edsoo.ru/S4D1E8J7S
73	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём конуса	1	https://m.edsoo.ru/G2P3E3T9N
74	Площади боковой и полной поверхности конуса	1	https://m.edsoo.ru/H0Z3J5B0L
75	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса	1	https://m.edsoo.ru/R0B3L5Q3H
76	Прикладные задачи по теме "Объёмы и площади поверхностей тел"	1	https://m.edsoo.ru/G0M9N4V9R
77	Объём шара и шарового сектора. Теорема об объёме шара. Площадь сферы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов шара, шарового сегмента и шарового сектора	1	https://m.edsoo.ru/U8E8V1S8K
78	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом шара и площадью сферы. Соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел	1	https://m.edsoo.ru/F2B9V6K3V
79	Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей	1	https://m.edsoo.ru/Y7S7C0N0M
80	Контрольная работа "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	https://m.edsoo.ru/E7Y1D1J8F
81	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений	1	https://m.edsoo.ru/P8X9Y9K9N
82	Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой	1	https://m.edsoo.ru/F5A9O6K6N
83	Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера	1	https://m.edsoo.ru/X0U1R7E0M
84	Геометрические задачи на применение движения	1	https://m.edsoo.ru/Y0Z4M4Q3N
85	Контрольная работа "Векторы в пространстве"	1	https://m.edsoo.ru/L9T1Y8E7S
86	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Параллельность прямых и плоскостей в пространстве"	1	https://m.edsoo.ru/O7I1L7S8D
87	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1	https://m.edsoo.ru/Z0T2I7V9N
88	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1	https://m.edsoo.ru/X1L4M9T7S
89	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов,	1	https://m.edsoo.ru/L8B7K5P7L

	систематизация знаний: "Объем многогранника"		
90	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1	https://m.edsoo.ru/A8T9G9D2P
91	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	https://m.edsoo.ru/D2R2A7N5Y
92	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	https://m.edsoo.ru/G0H6W8L1I
93	Итоговая контрольная работа	1	https://m.edsoo.ru/A2T8K4O0H
94	Итоговая контрольная работа	1	https://m.edsoo.ru/P6R5P8U7U
95	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1	https://m.edsoo.ru/C7F7Y3Z6K
96	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	https://m.edsoo.ru/R0C0E8D1O
97	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	https://m.edsoo.ru/M8M4H1Y2T
98	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	https://m.edsoo.ru/R9S5Y2Y7D
99	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	https://m.edsoo.ru/U8L3A9H8I
100	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	https://m.edsoo.ru/A7M5S2P5M
101	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	https://m.edsoo.ru/I9P7L3W5R
102	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	https://m.edsoo.ru/G3Y5W3Z0B
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различных рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы содержания развивают тему

«Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углубленном уровне отводится 68 часов: в 10 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ

ОБУЧЕНИЯ 10 КЛАСС

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновероятными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины.

Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения).

Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

11 КЛАСС

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу 10 класса обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента;

свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями; находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному, использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач, пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий;

оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента, находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач, определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента;

применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей; свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний, находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха, в серии испытаний Бернулли, в опыте,

связанном со случайным выбором из конечной совокупности;

свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение;

оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин, использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин; свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения), применять свойства математического ожидания при решении задач, вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений;

свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины, применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач, вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений.

К концу 11 класса обучающийся научится:

вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями;

приводить примеры задач, приводящих к показательному распределению, задач, приводящих к нормальному распределению. Оперировать понятиями: функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения, функция плотности и свойства нормального распределения;

определять коэффициент линейной корреляции, выборочный коэффициент корреляции

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ 10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
6	Теория вероятностей и статистика
6.1	Читать и строить таблицы и диаграммы
6.2	Оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных
6.3	Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в опытах с равновероятными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах
6.4	Находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач

6.5	Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события; находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта
6.6	Применять комбинаторное правило умножения при решении задач
6.7	Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача; находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха, находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли
6.8	Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
5	Теория вероятностей и статистика
5.1	Сравнивать вероятности значений случайной величины по распределению или с помощью диаграмм
5.2	Оперировать понятием математического ожидания, приводить примеры того, как применяется математическое ожидание случайной величины, находить математическое ожидание по данному распределению
5.3	Иметь представление о законе больших чисел
5.4	Иметь представление о нормальном распределении

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ

10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
6	Теория вероятностей и статистика
6.1	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов
6.2	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями
6.3	Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей
6.4	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события
6.5	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона
6.6	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли
6.7	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
5	Теория вероятностей и статистика
5.1	Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение. Примеры применения математического ожидания, в том числе в задачах из повседневной жизни. Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия геометрического и биномиального распределений
5.2	Закон больших чисел и его роль в науке, природе и обществе. Выборочный метод исследований
5.3	Примеры непрерывных случайных величин. Понятие о плотности распределения. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Понятие о нормальном распределении

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 класс

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Граф, связный граф, представление задачи с помощью графа	1	https://m.edsoo.ru/V3J1B7V5S
2	Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы	1	https://m.edsoo.ru/S6N2K9X2S
3	Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента	1	https://m.edsoo.ru/I6G9D8E3Y
4	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1	https://m.edsoo.ru/G1U6A2N5A
5	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1	https://m.edsoo.ru/F0U4P4B1K
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1	https://m.edsoo.ru/L6E6F5L7H
7	Пересечение, объединение множеств и событий, противоположные события. Формула сложения вероятностей	1	https://m.edsoo.ru/I5W6I6B1S
8	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1	https://m.edsoo.ru/X0C1P1V2X
9	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1	https://m.edsoo.ru/U5K2S2F4N
10	Формула полной вероятности	1	https://m.edsoo.ru/F1C5Y6Z9G
11	Формула Байеса. Независимые события	1	https://m.edsoo.ru/X7D9L8Q6E
12	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал	1	https://m.edsoo.ru/U5J6W6H4I
13	Число сочетаний. Треугольник	1	https://m.edsoo.ru/Q3I0L7O9R

	Паскаля		
14	Формула бинома Ньютона	1	https://m.edsoo.ru/A3U0K8L7H
15	Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества, комбинаторика"	1	https://m.edsoo.ru/G0G7G7H0N
16	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1	https://m.edsoo.ru/E3A9B0L6K
17	Серия независимых испытаний до первого успеха	1	https://m.edsoo.ru/Z1T5W5K8S
18	Серия независимых испытаний Бернулли	1	https://m.edsoo.ru/E9B0O7Y6U
19	Случайный выбор из конечной совокупности	1	https://m.edsoo.ru/W7F4O2O6I
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	https://m.edsoo.ru/T6C2U6Y9W
21	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1	https://m.edsoo.ru/R2H4Q8J4B
22	Операции над случайными величинами. Примеры распределений. Бинарная случайная величина	1	https://m.edsoo.ru/X3P9S2J2H
23	Геометрическое распределение. Биномиальное распределение	1	https://m.edsoo.ru/N2C3Y1E2C
24	Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин	1	https://m.edsoo.ru/P6A6I2G9A
25	Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое ожидание бинарной случайной величины	1	https://m.edsoo.ru/U4M5Z5Q2U
26	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1	https://m.edsoo.ru/I3H9Q4N3G
27	Дисперсия и стандартное отклонение	1	https://m.edsoo.ru/W4E4Z7C0Y
28	Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии	1	https://m.edsoo.ru/F9W0A6K7K
29	Математическое ожидание произведения и дисперсия	1	https://m.edsoo.ru/V8L9X3Y6B

	суммы независимых случайных величин		
30	Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	https://m.edsoo.ru/H0R0Q2C9G
31	Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения. . Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	https://m.edsoo.ru/P6R5N1L7H
32	Обобщение и систематизация знаний	1	https://m.edsoo.ru/H3S3S6V4N
33	Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"	1	https://m.edsoo.ru/B6L4P9R0T
34	Обобщение и систематизация знаний	1	https://m.edsoo.ru/P7J7N0Q9Q
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	

11 класс

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1	https://m.edsoo.ru/V2X1D2T9F
2	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1	https://m.edsoo.ru/X1Z1P0O1D
3	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1	https://m.edsoo.ru/T5S8P0R4E
4	Выборочный метод исследований	1	https://m.edsoo.ru/N7R2W1T9F
5	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	https://m.edsoo.ru/K4B7U4E2V
6	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1	https://m.edsoo.ru/L6F3S9X6Y
7	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1	https://m.edsoo.ru/P2E4J5J5I
8	Оценивание вероятностей событий по выборке	1	https://m.edsoo.ru/H4R4D5R7C
9	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1	https://m.edsoo.ru/G2E5V2M1J
10	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1	https://m.edsoo.ru/H6Y9U1D2O
11	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	https://m.edsoo.ru/R8L4I2U5X

12	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности	1	https://m.edsoo.ru/L9M2F6S7V
13	Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям	1	https://m.edsoo.ru/D0T9T5N9J
14	Функция плотности вероятности показательного распределения	1	https://m.edsoo.ru/X9C3M2F6U
15	Функция плотности вероятности нормального распределения	1	https://m.edsoo.ru/J0I4P3Z3F
16	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона	1	https://m.edsoo.ru/O6M7Q2S2Y
17	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	https://m.edsoo.ru/W3C9N9L8W
18	Ковариация двух случайных величин. Коэффициент корреляции	1	https://m.edsoo.ru/Q3W3K7F9T
19	Совместные наблюдения двух величин	1	https://m.edsoo.ru/A7F7M6B2H
20	Выборочный коэффициент корреляции	1	https://m.edsoo.ru/J2S8R8P0I
21	Различие между линейной связью и причинно-следственной связью	1	https://m.edsoo.ru/B1D2Y7J0H
22	Линейная регрессия	1	https://m.edsoo.ru/I3M5T9R3G
23	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	https://m.edsoo.ru/V6J4X4E7Z
24	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм, описательная статистика	1	https://m.edsoo.ru/G6Q0B2A4J
25	Опыты с равновероятными элементарными событиями	1	https://m.edsoo.ru/X9Z3D0X3E
26	Вычисление вероятностей событий с применением формул	1	https://m.edsoo.ru/B1U9V9Q3X
27	Вычисление вероятностей событий с применением графических методов: координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера	1	https://m.edsoo.ru/B8E0T6R2S
28	Случайные величины и	1	https://m.edsoo.ru/J2H9H7Y5Q

	распределения		
29	Математическое ожидание случайной величины	1	https://m.edsoo.ru/G9Y6S0M4D
30	Математическое ожидание случайной величины	1	https://m.edsoo.ru/E9B6C2I0Z
31	Контрольная работа: "Вероятность и статистика"	1	https://m.edsoo.ru/S1Q7E6P9H
32	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1	https://m.edsoo.ru/M2N6R3J0Q
33	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1	https://m.edsoo.ru/U7M3O2A4Y
34	Случайные величины и распределения. Математическое ожидание случайной величины	1	https://m.edsoo.ru/I2X0D4U4L
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	